

	Question 1	
a.	$F = P \quad G \cdot \frac{M_T m}{(R_T + h)^2} = m \cdot g \quad g = G \cdot \frac{M_T}{(R_T + h)^2}$ <p>A.N. <math>g = 6,67 \times 10^{-11} \times \frac{5,972 \times 10^{24}}{(6,371 \times 10^6 + 500 \times 10^3)^2} = 8,44 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}</math></p>	<p>**</p> <p>*</p>
b.	<p>Vitesse d'un satellite indépendante de la masse / situation de chute libre =&gt; clients satellisés indépendamment de la station Situation d'impesanteur et non d'apesanteur</p>	<p>**</p> <p>*</p>
c.	<p>Accélération de l'anneau : <math>a = g_L</math> Or <math>a = \frac{v^2}{r}</math> D'où <math>v = \sqrt{\frac{d}{2} \cdot g_L}</math></p> <p><math>T = \frac{2\pi r}{v} = \frac{\pi d}{v} = \sqrt{\frac{2\pi^2 d}{g_L}}</math> A.N. <math>T = 49,3 \text{ s} = 0,823 \text{ min}</math></p> <p><math>f = \frac{1}{T}</math> A.N. <math>f = 1,22 \text{ tr/min}</math></p> <p>Ou bien</p> <p><math>a = g_L = r\omega^2</math> d'où <math>\omega = \sqrt{\frac{2g_L}{d}}</math></p> <p><math>T = \frac{2\pi}{\omega} = \sqrt{\frac{2\pi^2 d}{g_L}}</math></p>	<p>**</p> <p>*</p> <p>*</p>
d.	<p>Dans le repère de Frénet :</p> $\vec{F} \begin{pmatrix} 0 \\ G \cdot \frac{M_T m}{(R_T + h)^2} \end{pmatrix}$ <p>2<sup>ème</sup> loi de Newton : <math>\vec{F} = m \cdot \vec{a}</math> d'où <math>\vec{a} = \frac{\vec{F}}{m}</math> soit <math>\vec{a} \begin{pmatrix} 0 \\ G \cdot \frac{M_T}{(R_T + h)^2} \end{pmatrix}</math></p> <p>Or <math>\vec{a} \begin{pmatrix} 0 \\ \frac{v^2}{R_T + h} \end{pmatrix}</math> dans le cas d'un mouvement circulaire et uniforme</p> <p>D'où <math>\frac{v^2}{R_T + h} = G \cdot \frac{M_T}{(R_T + h)^2}</math> soit <math>v = \sqrt{\frac{GM_T}{R_T + h}}</math></p> <p>A.N. <math>v = \sqrt{\frac{6,67 \times 10^{-11} \times 5,972 \times 10^{24}}{6,371 \times 10^6 + 500 \times 10^3}} = 7,61 \times 10^3 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}</math></p>	<p>**</p> <p>*</p>
e.	<p><math>T = \frac{2\pi(R_T + h)}{v}</math> A.N. <math>T = \frac{2\pi \times (6,371 \times 10^6 + 500 \times 10^3)}{7,6 \times 10^3} = 5,68 \times 10^3 \text{ s} = 94,7 \text{ min}</math></p>	<p>**</p>
f.	<p><math>E = \frac{1}{2} m v^2 - G \frac{M_T m}{(R_T + h)}</math></p> <p>avec <math>m v^2 = G \frac{M_T m}{R_T + h}</math></p> <p>D'où <math>E = G \frac{M_T m}{R_T + h} \cdot \left(\frac{1}{2} - 1\right) = -G \frac{M_T m}{2(R_T + h)}</math></p>	<p>**</p> <p>**</p>
g.	<p>En 1 année : <math>\Delta E = 1,27 \times 10^4 \times 365 \times 24 \times 3600 = 4,01 \times 10^{11} \text{ J}</math></p>	<p>**</p>
h.	<p><math>E_f = -G \cdot \frac{M_T m}{2(R_T + h)}</math> <math>R_T + h_f = -G \cdot \frac{M_T m}{2(E - \Delta E)}</math></p> <p>A.N. <math>R_T + h_f = -6,67 \times 10^{-11} \times \frac{5,972 \times 10^{24} \times 2,42 \times 10^6}{2 \times (-7,01 \times 10^{13} - 4,01 \times 10^{11})} = 6,84 \times 10^6 \text{ m}</math></p> <p>soit <math>h_f = 4,66 \times 10^5 \text{ m} = 466 \text{ km}</math> (469 km avec arrondis)</p>	<p>**</p> <p>**</p>

	Question 2	
a.	Trajectoire c $\vec{F} = q \cdot \vec{E}$ or $q > 0$ donc $\vec{F}$ et $\vec{E}$ dans le même sens Trajectoire parabolique car mouvement d'une particule chargée dans un champ uniforme	* * *
b.i.	Théorème de la variation d'Ec : $\frac{1}{2}mv^2 = W(\vec{F}_e) = 2e \cdot E \cdot d = 2eU_A$ d'où $v = \sqrt{\frac{4eU_A}{m}}$	* **
ii.	$\frac{v_{16}}{v_{18}} = \sqrt{\frac{m_{18}}{m_{16}}} = 1,061$ soit environ 6%	** *
c.i.	Seule $\vec{F}_m$ dépend de la vitesse Seule une certaine valeur de la vitesse permet $\vec{F}_e + \vec{F}_m = \vec{0}$ pour que le mouvement soit rectiligne et uniforme.	**
ii.	$F_e = F_m$ $E = vB$ d'où $\frac{U_C}{d} = \sqrt{\frac{4eU_A}{m}} \cdot B$ d'où $d = \frac{U_C}{B} \cdot \sqrt{\frac{m}{4eU_A}}$	* * ** *
iii.	$2eE = 2eBv$ d'où $E = Bv$ A.N. $E = 0,127 \times 3,05 \times 10^5 = 3,87 \times 10^4 V \cdot m^{-1}$ Ou bien : $\frac{2eU_C}{d} = 2evB$ soit $d = \frac{U_C}{vB}$ A.N. $d = \frac{1500}{3,05 \times 10^5 \times 0,127} = 3,87 \times 10^{-2} m$ $E = \frac{U_C}{d}$ A.N. $E = \frac{1500}{3,87 \times 10^{-2}} = 3,87 \times 10^4 V \cdot m^{-1}$	** *
d.i.	Calculons le rayon de la trajectoire : Repère de Frénet : $\vec{F}_m \begin{pmatrix} 0 \\ 2evB \end{pmatrix}$ 2ème loi de Newton : $\vec{a} = \frac{\vec{F}_m}{m}$ $\vec{a} \begin{pmatrix} 0 \\ \frac{2evB}{m} \end{pmatrix}$ Or dans le repère de Frénet $\vec{a} \begin{pmatrix} \frac{dv}{dt} \\ \frac{v^2}{r} \end{pmatrix}$ On a donc, suivant $\vec{n}$ : $\frac{v^2}{r} = \frac{2evB}{m}$ soit $r = \frac{mv}{2eB}$ Conséquence : $\frac{r_{16}}{r_{18}} = \frac{m_{16}}{m_{18}}$	** *
ii.	$r_{16} = \frac{m_{16}v}{qB}$ A.N. $r_{16} = 0,0960 m$ $r_{18} = \frac{m_{18}v}{qB}$ A.N. $r_{18} = 0,1079 m$ $D = 2 \cdot (r_{18} - r_{16})$ A.N. $D = 2,38 \times 10^{-2} m = 2,38 cm$	* * *



Question 4		
a.i.	D'après la loi de Descartes : $n_e \cdot \sin \alpha = n_d \cdot \sin \beta$ $\beta = \arcsin\left(\frac{n_e}{n_d} \cdot \sin \alpha\right)$ A.N. $\beta = \arcsin\left(\frac{1,33}{2,42} \times \sin 45\right) = 22,9^\circ$	**
ii.	$v_d = \frac{c}{n_d}$ A.N. $v_d = \frac{3,00 \times 10^8}{2,42} = 1,24 \times 10^8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$	**
iii.	$\lambda = \frac{c}{f}$ dans le vide $\lambda_d = \frac{v_d}{f}$ dans le diamant $\frac{\lambda_d}{\lambda} = \frac{v_d}{c}$ d'où $\lambda_d = \lambda \cdot \frac{v_d}{c}$ A.N. $\lambda_d = 750 \times \frac{1,24}{3,00} = 310 \text{ nm}$ ou bien $\lambda_d = \frac{\lambda}{n_d}$ A.N. $\lambda_d = \frac{750}{2,42} = 310 \text{ nm}$	*
iv.	Pour $\alpha = 0$ , on aurait $\beta = 0$ . En effet : $\sin 0 = 0$ donc d'après la loi de Descartes, $n_d \cdot \sin \beta = 0$ Ceci n'est vrai que si $\beta = 0$	**
b.i.	Approximations : - $d$ suffisamment petit pour considérer que les 2 rayons sont parallèles - $x$ suffisamment petit devant $L$ pour considérer que $\theta$ petit, et donc que $\sin \theta \approx \tan \theta$ Avec ces conditions : $\delta = d \cdot \sin \theta$ et $\sin \theta \approx \tan \theta = \frac{x}{L}$ D'où $\delta = \frac{d \cdot x}{L}$ Condition pour observer une frange brillante : $\delta = k \cdot \lambda$ soit pour la première frange : $\delta = \lambda$ On en conclut : $\lambda = \frac{d \cdot x}{L}$	*
ii.	$\lambda = \frac{11,0 \times 10^{-3} \times 0,55 \times 10^{-3}}{10,1} = 5,99 \times 10^{-7} \text{ m} = 599 \text{ nm}$	**
iii.	$x = \frac{\lambda \cdot L}{d}$ avec $\lambda_{\text{vert}} < \lambda_{\text{rouge}}$ on aura $x_{\text{vert}} < x_{\text{rouge}}$ L'interfrange diminue !	**
c.i.	Dans le cas d'un réseau, les approximations ne sont plus valables. On a donc $k \cdot \lambda = d \cdot \sin \theta$ et $\tan \theta = \frac{x}{L}$ Pour visualiser les spectres d'ordre 3, il faut que : $\sin \theta = \frac{k \cdot \lambda}{d}$ A.N. $\sin \theta = \frac{3 \times 780 \times 10^{-9}}{\frac{10^{-3}}{250}} = 5,85 \times 10^{-1}$ d'où $\theta = 35,8^\circ$ Il faut que $2x = 1,00$ soit $2L \cdot \tan \theta = 1,00$ $L = \frac{1,00}{2 \times \tan \theta}$ A.N. $L = \frac{1,00}{2 \times \tan 35,8} = 6,93 \times 10^{-1} \text{ m}$ Si utilisation de $L = \frac{d \cdot x}{k \lambda}$ A.N. $L = 0,8547 \text{ m}$ alors      **	*
ii.	On veut que $x_{\lambda,3} = x_{380,4}$ soit $\sin(\theta_{\lambda,3}) = \sin(\theta_{380,4})$ d'où $\frac{3\lambda}{d} = \frac{4 \times 380}{d}$ Donc $\lambda = \frac{4}{3} \times 380 = 507 \text{ nm}$	**
iii.	Pour le spectre du premier ordre : $\tan \theta = \frac{x}{L} = \frac{l}{2L}$ A.N. $\theta = \arctan\left(\frac{0,290}{2 \times 0,88}\right) = 9,36^\circ$ Or $\lambda = d \cdot \sin \theta$ pour le premier ordre A.N. $\lambda = \frac{10^{-3}}{250} \times \sin 9,36 = 6,51 \times 10^{-7} \text{ m} = 651 \text{ nm}$ La première couleur du spectre a bien une longueur d'onde supérieure à 650 nm. Accepter : $\lambda = \frac{d \cdot x}{L}$ $\lambda = 659 \text{ nm}$	**

