# SCHOLAE UROPACA

#### **BACCALAUREAT EUROPEEN 2014**

# **PHYSIQUE**

**DATE:** 4 juin 2014

#### **DUREE DE L'EXAMEN:**

3 heures (180 minutes)

#### **MATERIEL AUTORISE:**

Calculatrice utilisée en mathématique en mode « Press-to-test »

#### **REMARQUES PARTICULIERES:**

- Choisir 4 questions parmi les 6 questions données.
- Indiquer votre choix de questions en cochant d'une croix les cases appropriées du document joint à cet effet.
- Utiliser une page différente pour chaque question.

1/14 FR

Question 1	
Page 1/3	Barème
Le télescope spatial Kepler a été lancé en mars 2009 afin de découvrir des exoplanètes, cà-d. des planètes situées hors de notre système solaire. Fin février 2013, il avait découvert plus de 2 300 exoplanètes possibles, parmi lesquelles 105 ont été confirmées. Il recueillera des données jusqu'en 2016. Lorsqu'une exoplanète passe devant son étoile, une légère diminution de l'intensité lumineuse en provenance de l'étoile est mesurée (voir figure cidessous).	
Intensité lumineuse $I_0$ Courbe de lumière $I_{\min}$	
En mesurant l'intensité lumineuse de l'étoile Kepler-22, on a pu identifier la présence de la planète Kepler-22b. L'intensité lumineuse $I$ de l'étoile Kepler-22 décroit de $I_0$ à sa valeur minimale $I_{\min}=0,9995\ I_0$ , tous les 289 jours. On a calculé que la masse de Kepler-22 vaut 0,97 fois celle du Soleil et que son rayon vaut 0,98 fois celui du Soleil. L'orbite de Kepler-22b est supposée circulaire.	
<ul> <li>a) i. 1. Démontrer que la période T d'une planète en orbite circulaire de rayon r autour d'une étoile de masse M est donnée par</li> </ul>	3 points
$T^2 = \frac{4\pi^2 \cdot r^3}{G \cdot M}$	
2. Démontrer que le rayon de l'orbite de la planète Kepler-22b vaut 1,27·10 <sup>11</sup> m.	3 points
3. Calculer la vitesse orbitale de la planète.	2 points

		Question 1		
			Page 2/3	Barème
	ii.	La variation de l'intensité lumineuse permet de calculer le rapport $R_{\rm p}$ de la planète au rayon $R$ de l'étoile grâce à l'équation	du rayon	
		$\left(\frac{R_{\rm p}}{R}\right)^2 = 1 - \frac{I_{\rm min}}{I_0}$		
		Démontrer, à partir de cette équation, que le rayon de la planète K vaut $1,53\cdot10^7$ m.	Kepler-22b	2 points
	iii.	Actuellement, la masse de la planète Kepler-22b est inconnue. Cependant, en supposant que sa densité soit semblable à celle de la sa masse vaudrait 13,8 fois la masse de la Terre.	la Terre,	
		Calculer, dans ce cas, l'accélération de la pesanteur à la surface de planète Kepler-22b.	e la	2 points
	iv.	1. Expliquer la notion de vitesse de libération.		1 point
		2. Démontrer que la vitesse de libération à la surface d'une plan masse $M_{\rm P}$ et de rayon $R_{\rm P}$ est donnée par l'expression	iète de	2 points
		$v_{ m lib\'eration} = \sqrt{rac{2 \cdot G \cdot M_{ m P}}{R_{ m P}}}$		
		3. Calculer la vitesse de libération à la surface de Kepler-22b.		1 point
<b>b</b> )	Sup	pler-22b est la première exoplanète découverte qui pourrait héberge posons qu'une vie intelligente existe sur Kepler-22b et qu'une civite de placer un satellite d'observation de masse $m=1500\mathrm{kg}$ , en ortulaire, à une altitude de $1,30\cdot10^6\mathrm{m}$ au-dessus de sa surface.	ilisation	
	i.	Démontrer que l'énergie mécanique d'un satellite de masse $m$ en circulaire de rayon $r$ autour d'une planète de masse $M_{\rm P}$ est donn l'expression		3 points
		$E = -\frac{G \cdot M_{P} \cdot m}{2 \cdot r}$		
	ii.	Calculer l'énergie mécanique du satellite sur son orbite.		2 points
	iii.	Le satellite est lancé depuis la surface de Kepler-22b. Calculer l'énergie nécessaire pour l'amener sur cette orbite. On néglige l'énergie cinétique due à une rotation de Kepler-22b.		4 points

Question 1			
	Page 3/3		
<u>Données</u> :			
Constante de gravitation universelle	$G = 6.67 \cdot 10^{-11} \text{ m}^3 \cdot \text{kg}^{-1} \cdot \text{s}^{-2}$		
Masse du Soleil	$M_{\rm S} = 1,99 \cdot 10^{30} \text{ kg}$		
Rayon du Soleil	$R_{\rm S} = 6.96 \cdot 10^8 \text{ m}$		
Masse de la Terre	$M_{\rm T} = 5.97 \cdot 10^{24} \text{ kg}$		

	Question 2		
	Pa	age 1/2	Barème
	La charge massique $e/m$ de l'électron peut être déterminée par deux méthodifférentes.	hodes	
a)	Dans un canon à électrons, des électrons, émis avec une vitesse négligeable accélérés à la vitesse $v$ grâce à une différence de potentiel $U_{\rm A}$ .	le, sont	
	Ils pénètrent ensuite dans une région où règne un champ magnétique unifo perpendiculaire à leur mouvement. La trajectoire circulaire résultante est de rayon $\it R$ .	orme $\vec{B}$	
	Source d'électrons $ \begin{array}{ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		
	i. Démontrer que $V = \sqrt{\frac{2 \cdot e \cdot U_{\rm A}}{m}}$		2 points
	ii. Expliquer pourquoi les électrons sont en mouvement circulaire uniforme dans la région où agit le champ magnétique.	me	2 points
	iii. Démontrer que la charge massique de l'électron est donnée par l'expre	ession	5 points
	$\frac{e}{m} = \frac{2 \cdot U_{\text{A}}}{B^2 \cdot R^2}$		
	iv. Lorsque $U_A = 2000\text{V}$ et $B = 1,52\text{mT}$ , le rayon de la trajectoire circuvaut $R = 10,0\text{cm}$ .  Calculer la valeur de $e/m$ .	ulaire	2 points
	Calculat la valeur de e/m.		2 points

	Question 2	
	Page 2/2	Barèm
)	Dans un sélecteur de vitesse (voir figure ci-dessous), les électrons sont soumis aux effets conjugués d'un champ électrique $\vec{E}$ uniforme et d'un champ magnétique $\vec{B}$ uniforme. Tous les électrons quittant le sélecteur ont la même vitesse horizontale $\vec{v}$ .	
	e <sup>-</sup>	
	Sélecteur de vitesse	
	i. Faire un schéma indiquant les directions et sens de $\overrightarrow{E}$ et $\overrightarrow{B}$ . Justifier la réponse.	4 point
	ii. Démontrer que la mesure de la vitesse est donnée par $v = \frac{E}{B}$	2 point
	Les électrons quittant le sélecteur de vitesse pénètrent dans un champ électrique uniforme produit par deux armatures horizontales, parallèles, de longueur $L$ et distantes de $d$ . $U$ est la différence de potentiel établie entre ces armatures.	
	$\vec{v}$	
	iii. Démontrer que la trajectoire des électrons entre ces plaques est donnée par	5 point
	$y = \frac{e \cdot U}{2 \cdot m \cdot d \cdot v^2} \cdot x^2$	
	iv. Calculer la valeur de la charge massique $e/m$ sachant que les électrons quittent la région où règne le champ électrique en ayant subi un déplacement vertical $y=2,00$ cm lorsque $U=1$ 240 V, $v=3,00\cdot10^7$ m·s <sup>-1</sup> , $L=10,0$ cm et $d=6,00$ cm.	3 point

Question 3				
			Page 1/2	Barème
a)	<ul> <li>Le tube de Kundt est un tuyau transparent contenant une petite quantité d'une fine poudre et rempli d'un gaz.</li> <li>Cet appareil est utilisé pour déterminer la longueur d'onde λ d'un son.</li> <li>Ce son est produit par un haut-parleur et transmis dans le tube par le gaz.</li> <li>Ce haut-parleur est connecté à un générateur de fréquence.</li> <li>Pour certaines fréquences, des ondes stationnaires sont produites dans le tube et de petits amoncellements de poudre se forment aux nœuds.</li> </ul>			
		Tube de longueur L  Haut-parleur Extrémité fermée —		
	i.	Expliquer comment une onde stationnaire est générée.		3 points
	ii.	Afin d'obtenir une onde stationnaire dans un tube de Kundt, démon	trer que	3 points
		$\lambda = \frac{4L}{2n+1}$		
		où $L$ est la longueur de la colonne d'air et $n = 0, 1, 2,$		
	iii.	Calculer la fréquence fondamentale lorsque le tube est rempli d'air que $L=1,70~\mathrm{m}$ .	et	2 points
	iv.	Faire un schéma montrant la forme de l'onde stationnaire pour une de 252 Hz.	fréquence	4 points
	v.	En utilisant un autre gaz dans le tube et une fréquence de 430 Hz, oune distance de 0,310 m entre deux nœuds consécutifs.  Déterminer quel est le gaz remplissant le tube.	on mesure	3 points

		Question 3					
						Page 2/2	Barèmo
)	Pour une o	onde progressi	ve transvers	sale, l'élong	ation verticale y est de	onnée par	
		у	v(x,t) = 0.02	$2 \cdot \sin \left( 2\pi \left( \frac{\pi}{0} \right) \right)$	$\left(\frac{t}{0.003} - x\right)$		
	dans laque	lle $x$ et $y$ s'e	expriment e	n mètre et t	en seconde.		
	Calculer, p	our cette onde	e,				
	i. la fréq	uence et la pé	riode d'osc	illation;			2 point
	ii. la long	gueur d'onde ;	;				2 point
	iii. la célé	érité de l'onde	;				2 point
	iv. la vite	sse maximale	d'un point	oscillant.			4 point
	<b><u>Données</u></b> : Célérité <i>v</i>	du son dans d	différents ga	az:			
	Gaz	Hydrogène	Hélium	Oxygène	Dioxyde de carbone	Air	
		1 309	1 007	362	266	343	

	Question 4		
		Page 1/2	Barème
a)	Afin d'observer une figure d'interférences stable produite par deux sou lumineuses, celles-ci doivent être <i>cohérentes</i> .	irces	
	Expliquer le terme <i>cohérence</i> et comment cette condition est réalisée d l'expérience des deux fentes de Young.	ans	3 points
<b>b</b> )	Dans l'expérience des (deux) fentes de Young en lumière monochroma longueur d'onde $\lambda$ , une succession de maxima quasi équidistants est o sur un écran placé parallèlement au plan des fentes.	•	
	Démontrer, à l'aide d'un schéma approprié, que la séparation $\Delta x$ entre maxima consécutifs est donnée par la relation approximative :	deux	
	$\Delta x = \frac{\lambda \cdot L}{d}$		
	où $L$ est la distance entre les fentes et l'écran et $d$ la distance séparant	t les fentes.	
	Préciser les approximations effectuées.		6 points
c)	i. Quelle modification sur la séparation $\Delta x$ peut-on observer lorsque	<b>)</b>	
	1. I'on double la distance $L$ ?		1 point
	<b>2.</b> l'on double la séparation $d$ des fentes ?		1 point
	ii. La figure d'interférence est-elle modifiée si l'on effectue ces deux modifications simultanément ? Si oui, comment ?		1 point

	Question 4		
	P	Page 2/2	Barème
d)	On réalise une expérience avec des fentes de Young afin de déterminer la longueur d'onde de la lumière rouge émise par un laser hélium-néon. Les données suivantes sont obtenues :	a	
	la distance entre les fentes : $d=0,200 \text{ mm}$ ;		
	la distance entre les fentes et l'écran : $L=3,00 \text{ m}$ ;		
	la distance séparant 11 maxima (10 interfranges): 9,20 cm.		
	Calculer la longueur d'onde de cette lumière rouge.		2 points
e)	Une méthode similaire de détermination de la longueur d'onde de la lum consiste à utiliser un réseau de diffraction. On utilise un réseau comportant 400 traits par millimètre et l'écran est plune distance $L=1,20\mathrm{m}$ de ce réseau. Le réseau est placé parallèlement à l'écran et le maximum d'ordre zéro e produit au centre de l'écran. La distance entre les deux maxima du deuxième ordre vaut 1,39 m. Calculer	acé à	
	i. l'angle de déviation de l'un des maxima du deuxième ordre par rappo maximum d'ordre zéro ;	ort au	2 points
	ii. la longueur d'onde de la lumière ;		3 points
	iii. le nombre total de maxima produits par ce réseau ;		3 points
	iv. le plus grand nombre de maxima que l'on peut observer si l'écran a u largeur de 1,50 m.	une	3 points

	Question 5		
	Page 1/2	Barème	
a)	Une cellule photoélectrique possède une photocathode recouverte d'une pellicule de silicium dont le travail d'extraction vaut 3,59 eV.		
	La surface de silicium est éclairée par une lumière monochromatique telle que le potentiel d'arrêt soit de 2,32 V .		
	i. Représenter un schéma annoté afin de montrer comment on est capable de mesurer le courant photoélectrique et la différence de potentiel entre la photocathode et l'anode collectrice.	3 points	
	ii. Calculer la longueur d'onde seuil du silicium.	3 points	
	iii. Calculer la fréquence de la lumière utilisée.	3 points	
	La fréquence de la lumière incidente devient maintenant égale à $1,60 \cdot 10^{15}$ Hz et sa puissance vaut 33,7 mW.		
	iv. Démontrer que la source de lumière émet 3,18·10 <sup>16</sup> photons par seconde.		
	v. Calculer le courant photoélectrique maximum dans ce circuit sachant que le rendement quantique de la cellule est de 0,75 %.		
<b>b</b> )	Bohr proposa un modèle permettant d'expliquer le spectre de raies de l'atome d'hydrogène.		
	i. Enoncer deux postulats de Bohr à la base de son modèle.	2 points	
	Dans ce modèle, la vitesse orbitale v d'un électron est donnée par		
	$v = \frac{n \cdot h}{2\pi \cdot r \cdot m_e} \text{ avec } n = 1, 2, 3, \dots$		
	où $r$ est le rayon de l'orbite de l'électron.		
	<b>ii.</b> Démontrer, en utilisant la force de Coulomb comme force centripète, que $r$ est donné par	3 points	
	$r = \frac{n^2 \cdot h^2 \cdot \varepsilon_0}{\pi \cdot m_{\rm e} \cdot e^2}$		
	iii. Déterminer pour quelles valeurs de <i>n</i> l'atome d'hydrogène possède un rayon d'au moins 1,0 nm.	3 points	

Question 5		
	Page 2/2	

#### **Données**:

Charge électrique élémentaire  $e = 1,60 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ 

Constante de Planck  $h = 6,63 \cdot 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}$ 

Célérité de la lumière dans le vide  $c = 3,00 \cdot 10^8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$ 

Masse de l'électron  $m_{\rm e} = 9.11 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$ 

Permittivité électrique absolue du vide  $\varepsilon_0 = 8,85 \cdot 10^{-12} \text{ C}^2 \cdot \text{N}^{-1} \cdot \text{m}^{-2}$ 

	Question 6	
	Page 1/2	Barème
	On a découvert, en 1972, dans une mine d'uranium à Oklo (Gabon, Afrique de l'ouest), qu'a existé, dans le passé, un réacteur naturel à fission. Dans les dépôts de la mine d'uranium, il y avait une plus faible proportion de l'isotope 235 de l'uranium (U-235) que la normale ainsi que des produits de fission.	
a)	On suppose qu'il y avait de l'eau dans ce réacteur naturel à fission.	
	Expliquer quel rôle peut jouer l'eau dans un tel réacteur.	2 points
<b>b</b> )	La réaction en chaîne s'est arrêtée lorsque la proportion $\frac{m_{\text{U-}235}}{m_{\text{U}}}$ est tombée à la	
	valeur 0,03.  Comme l'U-235 se désintègre plus rapidement que l'U-238, cette proportion vaut actuellement 0,0072.  On admet qu'il n'y a d'autres isotopes présents que l'U-235 et l'U-238.	
	i. Calculer la constante de désintégration $\lambda$ de l'U-235.	2 points
	ii. Montrer que l'activité actuelle de l'U-235 contenu dans 1,0 kg d'uranium provenant de la mine d'Oklo vaut 5,8·10 <sup>5</sup> Bq.	5 points
	iii. Lorsque la réaction en chaîne s'est arrêtée, l'activité dans 1,0 kg d'uranium valait $2,4\cdot 10^6$ Bq .	
	Déterminer depuis combien de temps cette réaction en chaîne s'est arrêtée.	4 points
c)	Une réaction typique de fission est	
	${}^{235}_{92}\text{U} + \text{n} \rightarrow {}^{140}_{Z}\text{Cs} + {}^{94}_{37}\text{Rb} + x \cdot \text{n}$	
	i. Déterminer le numéro atomique Z du Cs et le nombre x de neutrons libérés.	3 points
	ii. Calculer l'énergie libérée (en MeV) par cette fission.	5 points
d)	L'énergie moyenne libérée par la fission d'un noyau d'U-235 vaut approximativement 200 MeV. En analysant les isotopes dans la mine d'Oklo, on estime à 10 <sup>4</sup> kg la masse d'U-235 qui a subi la fission dans ce réacteur naturel.	
	Calculer l'énergie produite par ce réacteur naturel pendant toute son activité.	4 points

Question 6	
	Page 2/2
<u>Données</u> :	
Demi-vie de l'U-235	$7,04 \cdot 10^8$ ans
Demi-vie de l'U-238	$4,47 \cdot 10^9$ ans
Masse atomique de l'U-235	235,043 9 u
Masse atomique de l'U-238	238,050 8 u
Masse atomique du Cs-140	139,917 3 u
Masse atomique du Rb-94	93,926 4 u
Masse du neutron	1,008 7 u
Masse de l'électron	$9,11\cdot10^{-31} \text{ kg}$
Unité de masse atomique	$1 \text{ u} = 1,66 \cdot 10^{-27} \text{ kg} = 931,5 \text{ MeV} / c^2$
Charge électrique élémentaire	$e = 1,60 \cdot 10^{-19} \text{ C}$
Célérité de la lumière dans le vide	$c = 3,00 \cdot 10^8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$